

熱の移動

① 等しくなった温度を T (°C) とすると

$$\begin{array}{l} \text{金属球が失った熱量} \\ m_1 \cdot c_2 \cdot (80 - T) \end{array} = \begin{array}{l} \text{水が得た熱量} \\ m_2 \cdot c_1 \cdot (T - 10) \end{array}$$

$$\text{よって } T = \frac{80m_1c_2 + 10m_2c_1}{m_1c_2 + m_2c_1} \text{ (°C)}$$

② 容器と水を合わせた熱容量 = $m_1c_2 + m_2c_1$ (J/K)

$$80^\circ\text{C} \text{にするのに必要な熱量} = (m_1c_2 + m_2c_1) \cdot (80 - 20) = \underline{60(m_1c_2 + m_2c_1) \text{ (J)}}$$

③ アルミニウムの比熱を c (J/g·K) とすると

$$\begin{array}{l} \text{アルミニウム球が失った熱量} \\ m_3 \cdot c \cdot (100 - 35) \end{array} = \begin{array}{l} \text{水と熱量計が得た熱量} \\ m_2 \cdot c_1 \cdot (35 - 25) + m_1 \cdot c_2 \cdot (35 - 25) \end{array}$$

$$\text{よって } c = \frac{2(m_1c_2 + m_2c_1)}{13m_3} \text{ (J/g·K)}$$

④ 等しくなった温度を T (°C) とすると

$$\begin{array}{l} \text{鉄球が失った熱量} \\ m_5 \cdot c_3 \cdot (100 - T) \end{array} = \begin{array}{l} \text{水と熱量計が得た熱量} \\ m_4 \cdot c_1 \cdot (T - 20) + m_1 \cdot c_2 \cdot (T - 20) \end{array}$$

$$\text{よって } T = \frac{20(m_1c_2 + m_4c_1 + 5m_5c_3)}{m_1c_2 + m_4c_1 + m_5c_3} \text{ (°C)}$$

熱膨張

① レールの長さ $L = L_0(1 + \alpha t)$ (L_0 : 0°Cでの長さ α : 線膨張率 t : 温度(°C))

なので、

$$\text{長さの変化 } \Delta L = L_0 \alpha \Delta t = 25 \times 1.2 \times 10^{-5} \times 50 = \underline{1.5 \times 10^{-2} \text{ m}}$$

② 容器の容積 $V = V_0(1 + \beta t)$ (V_0 : 0°Cでの容積 β : 体膨張率 t : 温度(°C))

なので、

$$\text{容積の変化 } \Delta V = V_0 \beta \Delta t = 5.0 \times 10^{-4} \times 5.0 \times 10^{-5} \times 100 = \underline{2.5 \times 10^{-6} \text{ m}^3}$$