

## 物理 授業プリント⑤

<熱力学 第1章 熱とエネルギー>

<熱力学 第2章 気体分子の運動>

○熱と温度の違い

(例) 40 °Cのお湯 100 L (A) と、80 °Cのお湯 1 L (B)

↓

温度が高いのは \_\_\_\_\_ だが、熱量が多いのは \_\_\_\_\_

↑

・熱量 = \_\_\_\_\_ のエネルギー

・温度 = \_\_\_\_\_ のエネルギーを表す量

○粒子の熱運動

物質を構成する粒子（原子・分子など）は、じっとしているのではなく \_\_\_\_\_ (=ランダムな動き) をしている。

例：コップの中で静かに止まっているように見える水であっても、水分子は激しく熱運動をしている  
空気中の窒素、酸素などの分子も、目には見えないが激しく熱運動をしている（秒速数百メートル！）

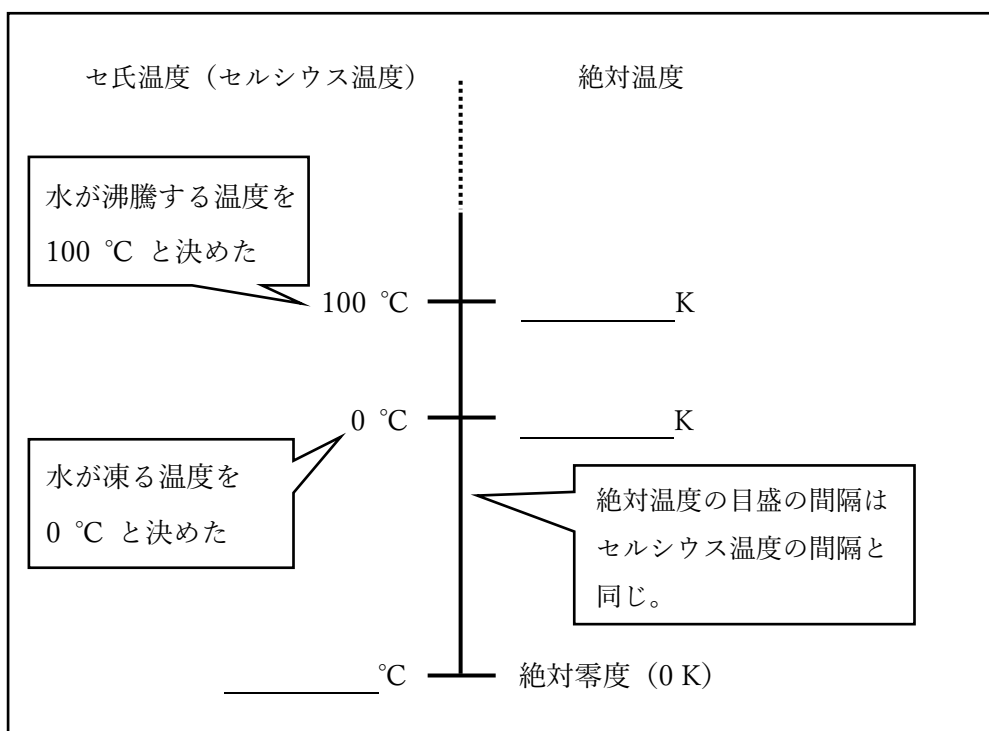
↓

物体の温度が高くなる = 物体を構成する粒子の熱運動が \_\_\_\_\_

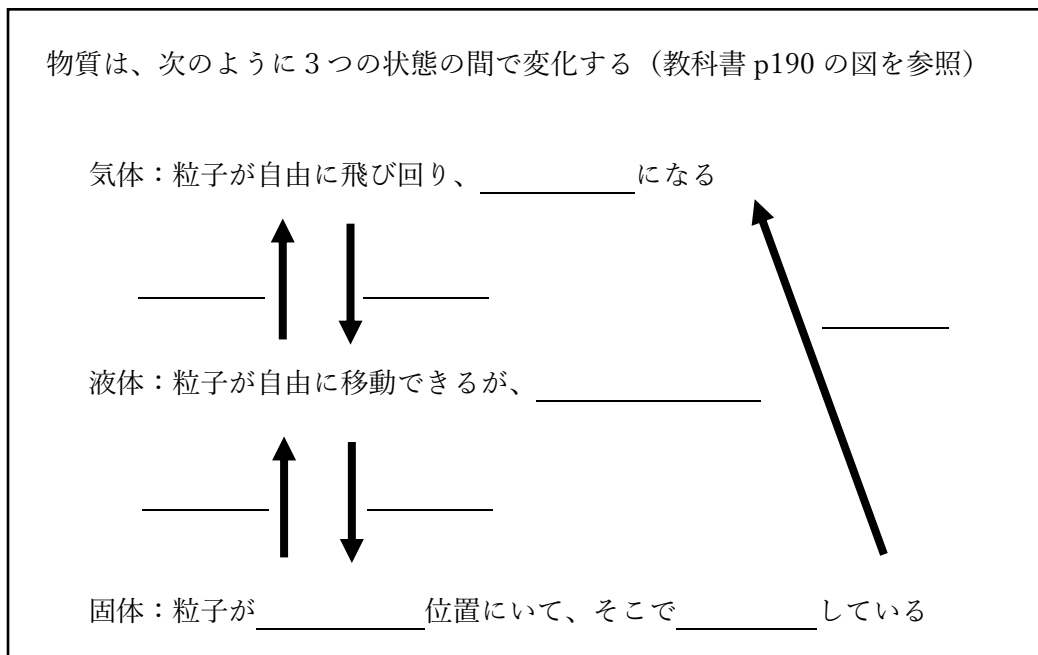
○絶対温度

温度には、\_\_\_\_\_はあるが\_\_\_\_\_はない。

→ 温度の下限 (=熱運動が\_\_\_\_\_した状態) を\_\_\_\_\_とし、  
これを原点として表す温度を\_\_\_\_\_という



○状態変化



○熱膨張

物体の温度が上昇すると、構成粒子の熱運動が\_\_\_\_\_なるため  
体積が\_\_\_\_\_なる。

↑

- ・固体の場合：構成粒子は一定の位置にあるままだが、  
より激しく\_\_\_\_\_するようになるので膨張する。

例：線路の継ぎ目

- ・液体や気体の場合：構成粒子の熱運動が激しくなり、粒子どうしの  
間隔が\_\_\_\_\_なるので膨張する。

例：棒温度計

○熱量の求め方

・熱量  $Q$  ( ) = 物体全体が持つ \_\_\_\_\_

・熱容量  $C$  ( ) = 物体 \_\_\_\_\_ の温度を 1 K 上昇させるのに必要な熱量

↓

物体の種類や質量によって決まる。

・比熱  $c$  ( ) = 物体 \_\_\_\_\_ の温度を 1 K 上昇させるのに必要な熱量

↓

物体の種類だけで決まる。

↓

・熱容量  $C$  (J/K) は、物体の質量  $m$  (g) と比熱  $c$  (J/g·K) を使って

$$C = \underline{\hspace{2cm}}$$

と表すことができる。

・物体の温度を  $\Delta T$  (K) だけ上昇させるのに必要な熱量  $Q$  (J) は

$$Q = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

と表すことができる。

(練習) 100 g の水の温度を 20 °C から 90 °C にするのに必要な熱量を測定すると、 $3.0 \times 10^4$  J であった。この結果から水の比熱を概算せよ。

(練習) 質量 100 g の銅製の容器に水が 80 g 入っている。銅の比熱を 0.38 J/g·K、水の比熱を 4.2 J/g·K とし、全体の熱容量を求めよ。

○状態変化における温度変化

物質が状態変化するとき、教科書 p196 図 7 のような温度変化をする。

- ・ 温度が上昇しているとき

加えた熱が、粒子の \_\_\_\_\_ を \_\_\_\_\_ するのに使われる

- ・ 温度が一定のとき

加えた熱が、粒子を \_\_\_\_\_ にするのに使われる

… 粒子間には引力がはたらいているので、 \_\_\_\_\_ にする  
にはエネルギーが必要



・ 固体 ⇔ 液体 の変化時に出入りする熱 = \_\_\_\_\_ ( \_\_\_\_\_ )

・ 液体 ⇔ 気体 の変化時に出入りする熱 = \_\_\_\_\_ ( \_\_\_\_\_ )

例：水の蒸発熱は 2257 J/g

… 水 1 g を蒸発させるには 2257 J の  
エネルギーが必要だということ

※ 状態変化にともなって出入りする熱（融解熱や蒸発熱）を \_\_\_\_\_ という。

(練習) ある量の水を 1 気圧、100 °C で蒸発させるための熱量は、同量の水を 0 °C から 100 °C にするための熱量の何倍か。教科書 p196 図 7 中の値を用いて答えよ。

(練習) -5.0 °C の氷 10 g がある。これを 20 °C の水にするのに必要な熱量はいくらか。教科書 p196 図 7 中の値を用いて答えよ。

○熱の移動

温度差のある2つの物体が接触すると、

\_\_\_\_\_の物体 ⇒ \_\_\_\_\_の物体

の向きに熱が移動する。

↓

2つの物体の温度が \_\_\_\_\_ になると、見かけ上熱の移動がストップする

この状態を「熱平衡」という。

※ 熱の移動が起こるときに重要なのは、

高温の物体が \_\_\_\_\_ 熱量 = 低温の物体が \_\_\_\_\_ 熱量

という関係である（この関係を「熱量の保存」という）。

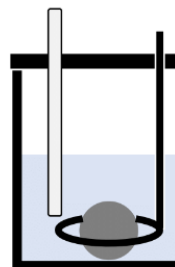
(練習) 断熱材で囲まれた容器に 20 °Cの水が 100 g 入っている。この中へ 80 °Cの水 40 g を混ぜた。熱平衡に達したときの温度は何°Cになるか。ただし、容器の熱容量は無視できるものとする。

断熱材 = 熱を通さない物質

(練習) 断熱材で囲まれた容器に  $20\text{ }^{\circ}\text{C}$  の水が  $100\text{ g}$  入っている。この中へ  $80\text{ }^{\circ}\text{C}$  の水  $40\text{ g}$  を混ぜた。熱平衡に達したときの温度は  $34\text{ }^{\circ}\text{C}$  であった。容器の熱容量はいくらか。ただし、水の比熱を  $4.2\text{ J/g}\cdot\text{K}$  とする。

(練習) 断熱材で囲まれた熱容量  $90\text{ J/K}$  の銅製容器に  $22.2\text{ }^{\circ}\text{C}$  の水が  $150\text{ g}$  入っている。この中へ  $97.2\text{ }^{\circ}\text{C}$  にあたためた  $78\text{ g}$  の金属球を入れて水をかき混ぜたところ、温度は  $25.2\text{ }^{\circ}\text{C}$  になった。水の比熱を  $4.2\text{ J/g}\cdot\text{K}$  として、以下の各問いに答えよ。

- (1) 水と容器に入った熱量はいくらか。
- (2) 金属球の比熱を求めよ。





○仕事による熱の発生

熱は \_\_\_\_\_ なので、仕事によって生み出される。

(例) ・ものとものをこすり合わせる ⇒ 熱が発生  
・空気を圧縮する ⇒ 空気の温度が \_\_\_\_\_ する

○気体の状態変化

気体の状態は、次の3つの値によって表される。

- ・圧力  $p$  : 気体の圧力は、気体分子の \_\_\_\_\_ が原因で発生する。  
→ 気体の圧力があらゆる \_\_\_\_\_ に等しくはたらくことが理解できる。
- ・体積  $V$
- ・絶対温度  $T$  : 気体分子 \_\_\_\_\_ のエネルギーを表す値である。

(練習) 図のように、底面積が  $4.9 \times 10^{-2} \text{ m}^2$  で質量が  $50 \text{ kg}$  のなめらかに動くピストンで、円筒容器に閉じ込めた空気がある。容器中の空気の圧力は何 Pa か。ただし、大気圧を  $1.0 \times 10^5 \text{ Pa}$ 、重力加速度の大きさを  $9.8 \text{ m/s}^2$  とする。



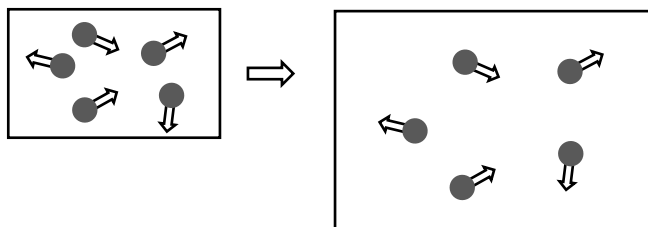
一定の量の気体は、次の法則に従って状態変化する。

・ボイルの法則：気体の温度  $T$  が一定のとき、

気体の圧力  $p$  と体積  $V$  は \_\_\_\_\_ しながら変化する。

温度  $T$  が一定：気体分子の熱運動の激しさは一定

→ 体積  $V$  が大きくなると、容器の壁の一定面積の面に  
気体分子が衝突する \_\_\_\_\_ が少なくなる。

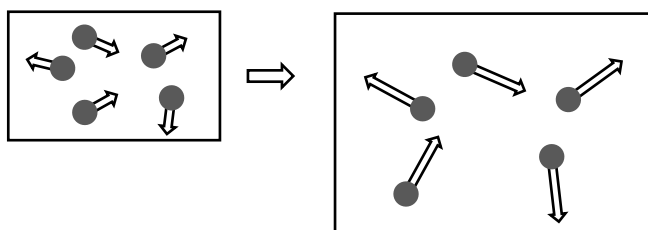


・シャルルの法則：気体の圧力  $p$  が一定のとき、

気体の体積  $V$  と温度  $T$  は \_\_\_\_\_ しながら変化する。

温度  $T$  が上昇すると、気体分子の熱運動が激しくなる

→ 体積  $V$  を大きくしないと、圧力  $p$  が変化してしまう。



(練習) 圧力が  $2.0 \times 10^5$  Pa、体積が  $0.90 \text{ m}^3$  の気体を、温度を一定に保ったまま体積を  $0.60 \text{ m}^3$  にすると、圧力は何 Pa になるか。

(練習) 体積  $0.60 \text{ m}^3$ 、温度  $280 \text{ K}$  の気体を、圧力を一定に保ったまま温度を  $420 \text{ K}$  にすると、体積は何  $\text{m}^3$  になるか。

ボイルの法則とシャルルの法則は、次のように1つにまとめられる。

$$\boxed{\quad \quad \quad = \text{一定}}$$

↑

この式を使えるようになれば、「ボイルの法則」「シャルルの法則」を別々に使う必要はない。

(練習) 圧力  $1.5 \times 10^5$  Pa、体積  $0.60 \text{ m}^3$ 、温度  $27 \text{ }^\circ\text{C}$  の気体の窒素がある。この気体の体積を  $0.20 \text{ m}^3$  にし、温度を  $127 \text{ }^\circ\text{C}$  にした。気体の圧力は何 Pa になるか。

気体 1 mol の  $\frac{pV}{T}$  の値は、次のように求められる。

標準状態 ( \_\_\_\_\_ K、 \_\_\_\_\_ Pa) では、1 mol の気体の  
体積は \_\_\_\_\_  $\text{m}^3$  である。

気体の種類に無関係

気体 1 mol の  $\frac{pV}{T} =$  \_\_\_\_\_  $\div$  \_\_\_\_\_

気体が 2 mol なら：  $\frac{pV}{T} =$  \_\_\_\_\_  $\times 8.31$

気体が 3 mol なら：  $\frac{pV}{T} =$  \_\_\_\_\_  $\times 8.31$

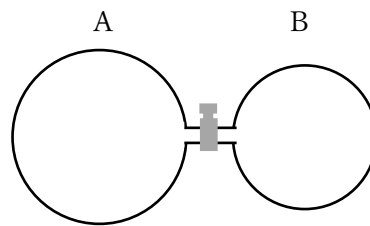
気体が  $n$  (mol) のとき、

と表される。これを「理想気体の状態方程式」という。

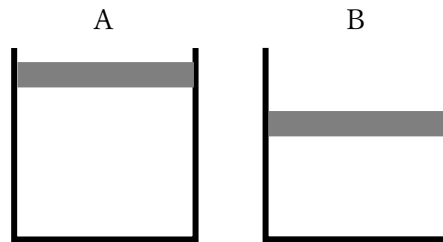
(練習) 圧力  $1.2 \times 10^5$  Pa、温度  $100$  °C の理想気体  $2.0$  mol の体積はいくらか。気体定数を  $8.31$  J/mol·K とする。

(練習) 図のように、体積  $2.0 \times 10^{-2} \text{ m}^3$  の容器Aと体積  $1.0 \times 10^{-2} \text{ m}^3$  の容器Bがコックのついた細い管でつながれている。初め、コックは閉じられていて、容器Aには圧力  $1.5 \times 10^5 \text{ Pa}$ 、温度  $27 \text{ }^\circ\text{C}$  の理想気体が閉じ込められている。容器Bは真空である。気体定数を  $8.31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$  として、以下の各問いに答えよ。

- (1) 容器A内の気体の物質量はいくらか。
- (2) コックを開き、容器A、B内の気体の温度をそれぞれ  $127 \text{ }^\circ\text{C}$ 、 $27 \text{ }^\circ\text{C}$  に保つ。このときの気体の圧力はいくらか。

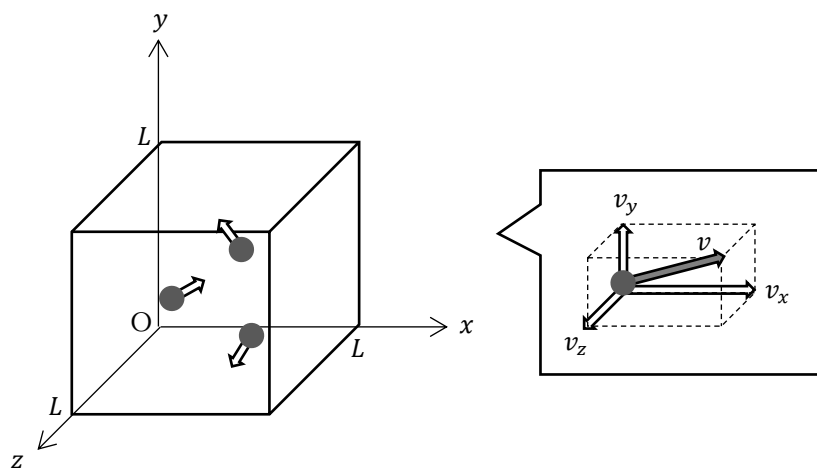


(練習) 図のように、同じ断面積の円筒容器A、Bに、なめらかに動き、質量の異なるピストンで理想気体を閉じ込める。BはAに対して、気体がピストンを押す力の大きさは2倍、容器の内部の高さは  $\frac{2}{3}$  倍、絶対温度は  $\frac{5}{6}$  倍である。B内の気体の物質量はA内のその何倍か。

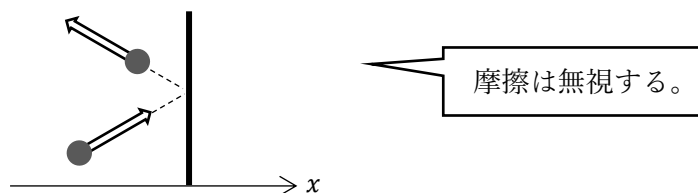


○気体分子の熱運動（気体分子運動論）

目的：気体分子の熱運動を考え、気体全体が持つエネルギーを式で表す



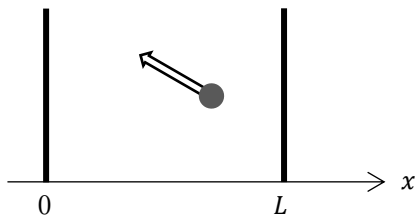
壁への気体分子の衝突を考える



1回の衝突で気体分子が受ける力積の大きさ  
 = 1回の衝突で壁が受ける力積の大きさ  
 = \_\_\_\_\_



気体分子が  $x$  軸に沿って距離 \_\_\_\_\_ だけ運動すると、  
再び同じ壁に衝突する。



往復する間に他の壁に衝突しても、 $v_x$  は変わらない。

このことから、単位時間 (1 s 間) の衝突回数は \_\_\_\_\_ 回だと分かる。



力積 = \_\_\_\_\_ × \_\_\_\_\_

1 つの気体分子が単位時間に壁に与える力積の大きさ

= 1 つの気体分子が壁に与える \_\_\_\_\_ の大きさ

= \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

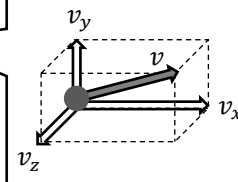


$\overline{v_x^2} = \frac{1}{3} \overline{v^2}$  であることを用いると、

壁が気体分子  $N$  個から受ける力の大きさ  $F$  は

$F = \frac{1}{3} N m \overline{v^2}$

と表すことができる。







壁の面積は \_\_\_\_\_ であり、壁の体積は \_\_\_\_\_ なので、  
壁が受ける圧力 (= 気体の圧力  $p$ ) は

$$p = \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad} = \frac{\quad}{\quad}$$

と求められる。



気体分子が持つ運動エネルギーの和

= 1 個の気体分子の運動エネルギーの \_\_\_\_\_ × 気体分子の数

$$= \frac{\quad}{\quad} \times N$$

上で求めた式を使って変形

$$= \frac{\quad}{\quad} \times N$$

状態方程式  $pV = nRT$   
を使って変形

$$= \frac{\quad}{\quad}$$



1 個の気体分子が持つ運動エネルギー

$$= \frac{\quad}{\quad}$$

上で求めた式から

$$= \frac{\quad}{\quad}$$

アボガドロ定数  $N_A$   
を使って表すと

↓

気体分子の速さ  $v$  について考える。

$\overline{v^2} = \frac{\text{運動エネルギーの総和}}{\text{分子数}} = \frac{3}{2} k_B T$

なので、

気体の分子量  $M$  を使って表すと

$\sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3}{2} k_B T}$

と求められる。

$\sqrt{\overline{v^2}} = 2$  乗平均速度

※ 気体分子の運動エネルギーは \_\_\_\_\_ だけで決まる（気体の種類に無関係）。

※ 気体分子の速さの平均値は \_\_\_\_\_ と \_\_\_\_\_ で決まる。

(練習) 分子1個の運動エネルギーの平均値が  $6.21 \times 10^{-21}$  Jである気体の酸素の絶対温度はいくらか。また、分子1個の運動エネルギーの平均値がそれと同じである気体の水素の場合は何Kか。ただし、酸素と水素はいずれも理想気体であるとし、ボルツマン定数を  $1.38 \times 10^{-23}$  J/Kとする。

(練習) 温度  $27\text{ }^{\circ}\text{C}$  の気体の酸素、水素、窒素がある。気体定数を  $8.31\text{ J/mol}\cdot\text{K}$  として、以下の各問いに有効数字 2 桁で答えよ。原子量は  $\text{H}=1.0$ 、 $\text{N}=14$ 、 $\text{O}=16$  とする。

- (1) それぞれの気体分子のモル質量 (分子量) は何  $\text{kg/mol}$  か。
- (2) それぞれの気体分子が理想気体であるとして、2 乗平均速度を求めよ。